

Løsningsforslag Eksamen i fag
SIF8010 Algoritmer og Datastrukturer
Fredag 11. desember 1998

1 Oppgave 1

$$T(1) = K_1 + K_2$$

$$T(N) = T(5^m) = K_1 + K_2 N + T\left(\frac{N}{5}\right)$$

$$T(N) = K_1(\log_5 N + 1) + K_2\left(\frac{5^N - 1}{4}\right)$$

$$T(N) = O(N)$$



2 Oppgave 2

$$\text{Gjennomsnitts-reise/element: } \frac{1}{n} \sum_j \left(\frac{1}{n} \sum_i |i - j| \right) = \frac{n}{3} - \frac{1}{3n}$$

$$\text{Total flytting: } n\left(\frac{n}{3} - \frac{1}{3n}\right) = \frac{n^2}{3} - \frac{1}{3}$$

Nedre grense for arbeid er $\Omega(n^2)$

Under disse antagelsene er utsagnet riktig.

3 Oppgave 3

(a)

Ja, fordi alle verdier i et intervall $[x, y]$ pr. def. må være der.

(b)

$a = b$: Trivielt (alle verdier like).

$a < b$: Binær søking: z må finnes seg i en av $1/2$ -delene. (z kan være i begge halvdelene, men det holder å søke i en av disse.)

$a > b$: Tilsvarende binær søk, speilvendt.

(c)

$\lceil \log_2 n \rceil$ (Binær-søk)

4 Oppgave 4

(a)

32

(b)

1. Sorter G topologisk.
2. Gjør følgende i topologisk rekkefølge:
 Antall veier til node i, $|vei_i| = \sum_{j \in i's \text{ forgjengere}} |vei_j|$

Uten topologisk sortering er det vanskelig å finne i's forgjengere.

(c)

Fra (b) har vi:

1. $\Theta(|V| + |E|)$
2. $\Theta(|V| + |E|)$

Tidskompleksitet: $2\Theta(|V| + |E|) = \Theta(|V| + |E|)$

(d)

Noen eksempler kan være:

- Lage synonymer for søking \rightarrow Skjult søk på alle, samtidig.
- "Normalisering" av beslektede navn: Jonsen, V12 = Johannesson. (Effektivt til variant-søk)

5 Oppgave 5

(a)

Kan åpenbart i $O(|V||E|)$ tid sjekke om en tilfeldig 3-fordeling gir konflikter/er konfliktfri.

(b)

Fordi $F(G, 2)$ lett løses i $O(|V| + |E|)$ (polynomisk!) tid: Farg annenhver påstøtt node svart/hvit for:

1. enten oppdage odde loop
2. eller farge hele G.

6 Oppgave 6 - Øvingsrelaterte oppgaver

(a)

- små datamengder
- stor orden (nesten sortert), eller kun putte inn ett nytt element
- enkelhet, i lite kritisk applikasjon

(b)

- store datamengder

- uavhengig av forhåndsordning
- kritisk applikasjon med stor datamengde, slik at konstantledd-virkningen oppheves av forholdet.

(c)

“Vektortre” : Gjennom øving 1 ble det lagt opp til at det i øving 3 skulle brukes Heapsort.

(d)

$O(n \log_2 n)$, takket være Heapsort

(e)

Uten Heapsort, ingen log n - faktor.

(f)

Ved bruk av f.eks. Liste istedet for Heap blir tidskompleksiteten $O(n^2)$

(g)

Pi-tabell: $\pi = [0, 0, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2]$

(h)

```
TGAGACGACGATAGA (Søketekst)
GACGATAGA         (Start)
 GACGATAGA
  GACGATAGA
   GACGATAGA      (Slutt - tekst funnet)
```