

**Kontinuasjoneksamen i fag  
SIF8010 Algoritmer og Datastrukturer  
Torsdag 9. August 2001, kl 0900-1500**

**Faglig kontakt under eksamen:** Arne Halaas, tlf. 73 593442.

**Hjelpemidler:** Alle kalkulatortyper tillatt. Alle trykte og håndskrevne hjelpemidler tillatt.

**Rubrikk svar:** Alle svar skal avgis i angitte svar-ruter. Stryk over det svaret (JA eller NEI) du mener er galt.

**Krav:** Det kreves "bestått" både på de ordinære og på de øvingsrelaterte spørsmål, Oppg. 15-20.

**Husk:** Fyll inn rubrikken "Student nr" øverst på alle ark.

**OPPGAVE 1. (3%)**

Påstand: Når vi bruker uttrykket "algoritme A er  $O(f(n))$ " er det underforstått at vi sikter til gjennomsnittlig kjøretid ("average case") for algoritmen A.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 2. (3%)**

Påstand:  $\theta(\ln n) = \theta(\lg n)$ .

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 3. (3%)**

Påstand:  $n = O(n^2)$ .

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 4. (4%)**

Påstand: Det er mer nyttig å vite at en algoritme er  $\theta(g(n))$  enn at den er  $O(g(n))$ .

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 5. (4%)**

Påstand: Sortering ved innsetting utnytter kunnskap om verdiområdet til de verdier som skal sorteres.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 6. (4%)**

Påstand: Alle trestrukturer med  $n$  løvnoder har høyde  $O(\lg n)$ .

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 7. (4%)**

Påstand: QUICKSORT er den beste sorteringsmetoden når en skal sortere desimaltall (flyttall).

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 8. (6%)**

Påstand: Når vi trenger binomialkoeffisientene  $n! / (k! (n-k)!)$ , der  $n = 0, 1, 2, \dots, N$ , kreves det  $O(N^3)$  tid å beregne disse 1. gang, men  $O(1)$  tid å finne en koeffisient senere.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 9. (6%)**

Påstand: For å finne korteste vei i asykliske grafer, der negative kantlengder tillates, er Bellman-Ford's algoritme best egnet.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 10. (6%)**

Påstand: Kjøretiden for en algoritme som avgjør om et tre  $G = (V,E)$  er tofargbart (d.v.s.: naboloder skal gis forskjellig farge.) er  $\Omega(|V|)$

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 11. (8%)**

Påstand: Verdien  $x^n$ , der  $x$  er et flyttall og  $n$  et stort heltall, beregnes effektivt ved Dynamisk Programmering.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 12. (8%)**

Påstand: Dersom vi i grafen  $G = (V,E)$  vil undersøke om det finnes en node  $v$  som har inngående kanter fra samtlige øvrige noder, inklusive seg selv, kan dette gjøres med en  $\Omega(|V|)$ -algoritme. Noden  $v$  skal ialt ha  $|V|$  kanter.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 13. (8%)**

Påstand: 0/1 Ryggsekkproblemet (Knapsack) er NP-komplett.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 14. (8%)**

Påstand: Når vi har funnet en maksimal flyt i et nettverk finner vi samtidig også nettverkets "flaskehals" (et entydig såkalt minimalt snitt) der kapasitetsøkning eventuelt kan foretas.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 15. (5%)**

Påstand:  $n$  tall i tallområdet 0 til  $n \cdot \log(n)$  kan sorteres i  $O(n)$  tid.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 16. (5%)**

Påstand: Memoisering er mer effektivt enn vanlig dynamisk programmering.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 17. (5%)**

Påstand: Et Huffman-tre der nodene har frekvenser 2, 4, 8, ...,  $2^n$  vil ha høyde  $\theta(n)$ .

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 18. (5%)**

Påstand: Dijkstras algoritme kan ikke brukes på grafer som inneholder negative kanter fordi den vil havne i en uendelig løkke.

Svar: JA / NEI

Begrunnelse:

**OPPGAVE 19. (5%)**

Påstand:  $n$  heltall representert med totalt  $m$  bits kan sorteres i  $O(n \cdot \log(m))$  tid.

Svar: JA / NEI  
Begrunnelse:

**OPPGAVE 20. (5%)**

Påstand: Topologisk sortering av en komplett graf med  $n$  noder tar  $\theta(n^2)$  tid.

Svar: JA / NEI  
Begrunnelse:

Benytt plassen nedenfor til eventuelle kommentarer: